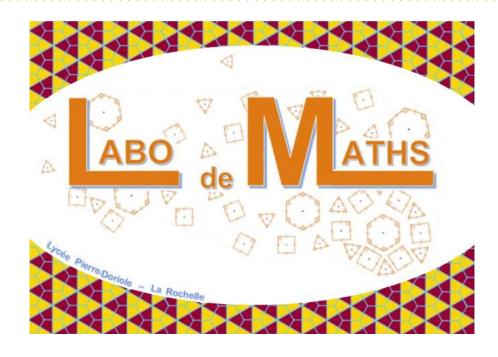
Livret automatismes 1 Nombres et calculs



Sommaire

	Page
Fiche 1	3
Fiche 2	4
Fiche 3	5
Fiche 4	6
Fiche 5	7
Fiche 6	8
Fiche 7	9
Fiche 8	10
Fiche 9	11
Fiche 10	12
Solutions fiche 1	14
Solutions fiche 2	15
Solutions fiche 3	16
Solutions fiche 4	18
Solutions fiche 5	19
Solutions fiche 6	20
Solutions fiche 7	21
Solutions fiche 8	22
Solutions fiche 9	23
Solutions fiche 10	25

Fiche n°1 - NC₁

Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction

Entretien hebdomadaire

3 - j'ai compris mon erreur en autonomie ----- → Entretien mensuel 4 - je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

SANS CALCULATRICE

1) Lors de lancers de ce dé à 20 faces, numérotées de 1 à 20, on obtient :

1 - 8 - 7 - 15 - 4 - 8 - 10 - 15 - 8 - 16

La fréquence d'apparition de la face 8 est ... 0,3 0,7

0,3%

- 2) D'une écriture à l'autre
 - Les traductions numériques de 20% sont ...

 $\square \qquad \frac{1}{20} \square \qquad \frac{1}{10} \square \qquad 0,2 \square \qquad \frac{20}{100} \square$

L'écriture décimale de 7.652 x 10³ est

7.652

7652

765.2

76.52

• L'écriture scientifique de 9 860 000 est ...

 $9,86 \times 10^{6}$ \square $0,986 \times 10^{7}$ \square 986×10^{3} \square $9,86 \times 10^{7}$ \square

Placer le contenu des étiquettes dans les guirlandes suivantes :

Source d'inspiration : Carnet de pratique de maths - Hachette technique

Etiquettes:



10 0.25 40



2 10

25%

25 100

Trois quinzièmes

20%

12

15

Entretien

Fiche n°2 - NC₂

Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction hebdomadaire
- 3 j'ai compris mon erreur en autonomie ----- ► Entretien mensuel

Entretien trimestriel à semestriel

émoire à long terme ★ ★ ★ ★

SANS CALCULATRICE

1) Lors de lancers de ce dé à 12 faces, numérotées de 1 à 12, on a obtenu :

3 - 9 - 7 - 12 - 4 - 7 - 3 - 5 - 7 - 8	3 – 9 -	- 7 - 12	2 - 4 - 7	7 – 3 – 5	5 – 7 – 8
--	---------	---------------------	-----------	-----------	-----------

La fréquence d'apparition de la face 3 est ...

- 0,2 0,8 2 20%

- 2) D'une écriture à l'autre
 - Les écritures numériques correspondant à « 40% » sont ...

 $\frac{40}{100}$ \square 0,6 \square 0,4 \square 1,4 \square 40 \square $\frac{2}{5}$ \square $\frac{3}{5}$ \square

• Les écritures correspondant au nombre décimal 0,35 sont ...

 $35 \square \qquad \frac{35}{100} \square$

- 35%
- 3,5%
- 65%

1 2 3 4

- Quelle est la traduction en pourcentage du nombre $\frac{12}{25}$?
- Classer dans l'ordre croissant les nombres suivants : $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{4}$; $\frac{2}{5}$
- 1 2 3 4

- 3) Calculer:
 - Deux cinquièmes de 25 m²
 - 10% de 150 personnes
 - 40% de 150 personnes.
 - 35% de 80 euros
 - Un dixième de 450 g
 - 20% de 450g
- 4) L'arrondi au centième de 3,425 est

3,4

3,42

3,43

3,5

3,425

1 2 3 4

Fiche n°3 - NC₃

Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction

Entretien hebdomadaire

3 - j'ai compris mon erreur en autonomie -----

Entretien mensuel

4 - je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

* * * * *

SANS CALCULATRICE

- 1) Calculer:
 - Le tiers de 36
 - Le quadruple de 7
 - Le carré de 5
 - Le double de 5,90€
 - 10% de 35€
 - La racine carrée de 36
 - Le produit de 8 par 6
 - Le quart de 56 €

2) D'une écriture à l'autre

• Relier la fréquence en écriture décimale à la fréquence en écriture fractionnaire Source d'inspiration : Carnet de pratique de maths – Hachette technique

T	
_	
2	
0	



• Quelle est la traduction en pourcentage des nombres suivants ?

$$0,45$$
 ; $\frac{3}{5}$; $0,7$; $\frac{3}{10}$

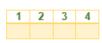


3) Calculer 11% de 600€

1	2	3	4

- 4) Donner le résultat de $10^3 \times 10^{-2} \times 10^2$ sous forme d'une **puissance de 10** puis sous forme d'un **nombre décimal.**
- 5) Calculer la valeur manquante dans ce tableau de proportionnalité :

1,2	2,4
10	?



Entretien

Fiche n°4 - NC₄

Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction hebdomadaire
- 3 j'ai compris mon erreur en autonomie -----

 Entretien mensuel
- 4 je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

émoire à long terme

SANS CALCULATRICE

1) Lors d'un tirage de boules de couleur, on obtient ce résultat :



Pixabay - BilliTheCat

1 2 3 4

Quelle est la fréquence d'apparition, arrondie au centième, des boules rouges ?

2) Calculer la valeur manquante dans la proportion suivante :

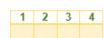
$$\frac{7}{4} = \frac{?}{100}$$

1	2	3	4

3) Convertir 302 cm en mètres.

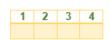
1	2	3	4





Calculer le montant de la remise.





Le prix à payer s'élève à ...

40 % du prix initial

100 % du prix initial

60% du prix initial

69 % du prix initial

Nom-prénom

Fiche n°5 - NC₅

Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- Entretien hebdomadaire
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction
- 3 j'ai compris mon erreur en autonomie ----- ► Entretien mensuel

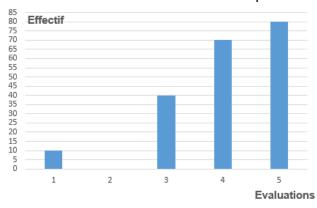
4 - je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

* * * * * *

SANS CALCULATRICE

1) Ce diagramme représente la répartition des notes de satisfaction obtenues par un centre de vacances au cours du mois de septembre :



Calculer la fréquence correspondant à la note 5.

2) Quel est le salaire médian de cette série relevée au sein d'une petite entreprise :

900 €; 1100 €; 1 300 €; 1 400 €; 1 800 €

1	2	3	4

- 3) Le salaire de Léonie s'élevait à 1 500 € en 2021. Il augmente de 5% en 2022 par rapport à celui de 2021. **Calculer** le salaire que Léonie perçoit en 2022.
- 4) Augmenter 750 g de 40%.

5) La population de la commune est de 2 500 habitants en 2021 ; elle a augmenté de 8% par rapport à celle recensée en 2015.

La population en 2021 représente ...



108 % de celle de 2015

92 % de celle de 2015

100 % de celle en 2015

6)



Framboises entières : 13,75 g soit 11% de la masse de yaourt.

1 2 3 4

Quelle est la masse de yaourt contenu dans ce pot ?

Entretien

Fiche n°6 - NC₆

Auto - évaluation :

1 - je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction

2 - j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction hebdomadaire

3 - j'ai compris mon erreur en autonomie -----

Entretien mensuel

4 - je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

SANS CALCULATRICE

- 1) Calculer:
 - Un dixième de 42 litres
 - Le quart de 10 €
 - Le cube de 5
 - Le carré de 7
 - La moitié de 42,20 €
 - La racine carrée de 49
 - Le produit de 40 par 80
 - Le triple de 5,95 €
- 2) Budget vacances:
 - Alimentation, un quart du budget
 - Logement 40% du budget
 - Loisirs 160 euros soit 35 % du budget

Calculer le montant du budget « vacances ».

- 3) Quelle est la **fréquence** d'apparition de la lettre « a » dans « baccalauréat professionnel » ?
- 4) Calculer 150% de 25€.
- 5) Théo achète un pantalon au prix de 60% de sa valeur habituelle.

Quel est le pourcentage de remise accordée sur le prix habituel du pantalon ?

6)	D'après ces résultats à l'entraînement, quelle joueuse sera sélectionnée par l'entraineur pour le match
	de dimanche ? Source d'inspiration : Carnet de pratique de maths - Hachette technique



Gardien :	Léa	Amélie	Nala	Margot
Buts encaissés :	1	2	1	3
Nombre d'arrêts :	2	3	3	7

Pixabay – Antranias

1	2	3	4

1	2	3	4





Fiche n°7 - NC7

Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction
- **Entretien** hebdomadaire
- 3 j'ai compris mon erreur en autonomie -----

 Entretien mensuel
- 4 je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

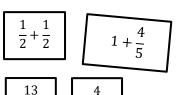
SANS CALCULATRICE

- 1) Comparer:
 - $\frac{9}{10}$ et $\frac{7}{8}$

• $\frac{21}{8}$ et 3

- 2) Reporter les contenus des étiquettes dans les guirlandes correspondantes :

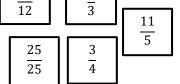
Etiquettes:



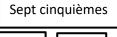














$$1 \le \cdots \le 2$$

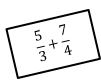




3



Trois quinzièmes

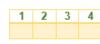


- 3) Calculer:
 - $\frac{9}{10} + \frac{7}{8}$

• $\frac{2}{5} - \frac{1}{4}$

• $\frac{21}{8} \times \frac{2}{3}$

• $\frac{35}{4} \div \frac{5}{2}$



4) Indiquer la traduction numérique de,

120%; 80%; 200%

40% :

105,5%;

95%

1	2	3	4

1) L'arrondi à 0,1 près de 6,073 est ...

6

6,07

6,01

6,1

7

2 3 4

Entretien



Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction hebdomadaire
- 3 j'ai compris mon erreur en autonomie ----- Entretien mensuel
- 4 je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

SANS CALCULATRICE: ligne 1, n°1 et 2 – ligne 2, n°2

Calculer,

Le prix à payer pour ce sèchecheveux.



Le montant du PVTTC.

PVHT: 25,20€

TVA: 20%

PVTTC :

Le prix de la chemise sans la I remise.



MollyRoseLee

1 2 3 4

2 3 4

2 3 4

Le montant du PVHT.

PVHT: \$5,000

TVA: 5,5%

PVTTC: 42,20 €

Le montant du loyer de Leïla

Revenus, € Salaire : 1 600€ |

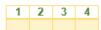
Charges, € Loyer: 24% du salaire

Le prix de cette voiture avant déduction de la prime CO₂.



Prime bonus CO₂! 7000€ soit 28% du prix

Free-Vector-**Images**



Le pourcentage de remise

pratiqué sur le prix habituel de

Le prix moyen d'un kilogramme de carottes en

2017.



1 2 3 4

PRIX MOYEN, 1kg DE FRUITS ET LEGUMES (EN €) Variations en 2018 %; 2017/18 Carotte 1,85 +43,3%

1 2 3 4

1 2 3 4

Le taux d'évolution du prix TTC du litre de l'essence SP95 entre juin 2020 et juin 2021.

1 2 3 4

Juin 2020 : 1,34 € / L

Juin 2021 : 1,55 € / L

1 2 3

Nom-prénom

Date

Fiche n°9 - NC9

Auto - évaluation :

- 1 je ne sais pas faire et j'ai besoin d'aide après consultation de la correction
- 2 j'ai fait une erreur, j'ai besoin d'un peu d'aide après consultation de la correction

Entretien hebdomadaire

3 - j'ai compris mon erreur en autonomie -----

Entretien mensuel

4 - je sais faire -----

Entretien trimestriel à semestriel

SANS CALCULATRICE

1) Calculer,

$$2 \times 3^2$$

$$5+2\times4$$

$$3 \times (2^2 + 5)$$

$$6 \times 7 - 2^3$$

$$-2 \times (-3)$$

$$-5 - 2 \times 4$$

$$-3 \times (2 + 1^2)$$

$$(-6) \times (-7) - 2$$



Deux cinquièmes de 80 km

Le double de 13,2 m²

Trois septièmes de 21 cm

30% de 70€

Sept dixièmes de 50 kg

Poste

110% de 3256€

3) L'arrondi au dixième de 305,951 est ...

Nom

306

305

305.9

305,96

310

4)

Age

Calculer l'âge moyen des joueurs du Stade Rochelais évoluant au poste de pilier.



		Dany PRISO	Pilier	28 ans
1	: :	Guram PAPIDZE	Pilier	24 ans
S	•	Joel SCLAVI	Pilier	27 ans
,		Léo AOUF	Pilier	25 ans
	•	Ramiro HERRERA	Pilier	33 ans
		Reda WARDI	Pilier	26 ans
	×	Uini ATONIO	Pilier	31 ans

5) Assembler les durées identiques

0.25h

2h15 min

2,25 h

90 min

Un quart d'heure

1h 12min



0.75 h

1h 30min

135 min

30 min

72 min

45 min 1,5 h

15 min

0,5 h

Durée n°2 Durée n°3 ■ Durée n°4 Durée n°5

2 3

Entretien

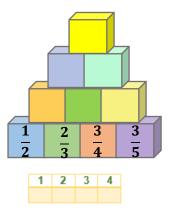
SANS CALCULATRICE

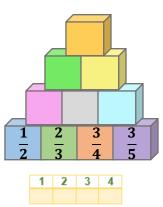
1) Compléter,

La première pyramide sachant que chaque case est la somme des deux cases se trouvant juste en dessous.

La seconde pyramide sachant que chaque case est le produit des deux cases se trouvant en dessous

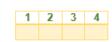
Source: Carnet de pratique de maths - Hachette technique





2) Parmi les joueurs évoluant au poste de pilier au Stade rochelais, deux joueurs pèsent 110 kg chacun, deux joueurs pèsent 145 kg chacun, deux joueurs pèsent 125 kg chacun et un joueur pèse 119 kg.

Calculer la masse moyenne d'un joueur de ce groupe. Le résultat sera arrondi au dixième près.



3) Calculer,

$$3 + 5 \times 2^{2}$$

$$12 - 2 \times 3$$

$$3 + 5 \times 2^2$$
 $12 - 2 \times 3^2$ $7 \times (2,1 + 1,9)$ $7 \times 7 - 2^4$



$$(-2)^2 \times (-3)$$

$$(-5) \times (-2) \times 4$$
 $5 \times (10 + 10^2)$

$$5 \times (10 + 10^2)$$

$$8 \times 7 + 5 + 3 \times 3$$

$$10^5 \times 10^{-3}$$

$$\frac{1}{5} \times 45$$

$$10^5 \times 10^{-3}$$
 $\frac{1}{5} \times 45$ $-2 \times 50^2 + 40 \times 60 + 100$ $3 \times (-2) + 4$

$$3 \times (-2) + 4$$

4) Calculer le prix de vente après la deuxième démarque



Les solutions détaillées

Nom-prénom Fiche n°1 – NC1 - Solutions

Date

1) Dix résultats sont présentés ; cela signifie que le dé a été lancé 10 fois.

La face « 8 » a été obtenue 3 fois ; la **fréquence d'apparition** de la face 8 peut ainsi être décrite :

- La face « 8 » a été obtenue 3 fois sur 10 lancers
- La valeur correspondante s'écrit : $_{0,3}$ $_{0,7}$ $_{3}$ $_{0,3\%}$ $\frac{_3}{_{10}}$
- 2) D'une écriture à l'autre
 - « 20% », « vingt pour cent » :
 - o N'est pas un nombre
 - o Exprime le rapport de 20 sur 100.
 - \circ Sa traduction numérique immédiate est $\frac{20}{100}$: nombre écrit sous forme d'une fraction qui peut être simplifiée ou calculée

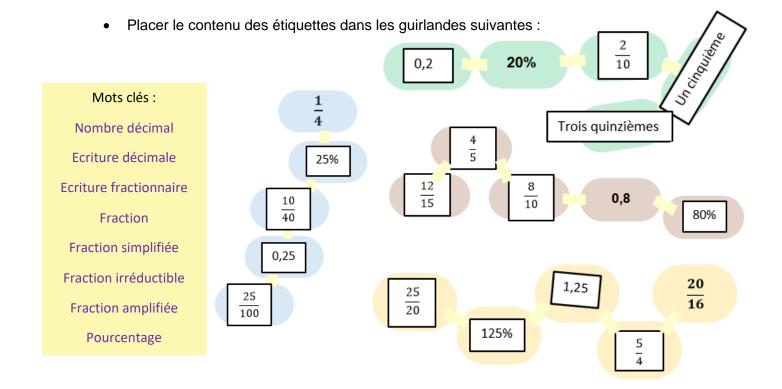
•					_
X	<u>1</u> 5	$\Box \frac{1}{20}$	$\frac{1}{10}$	0,2	$X = \frac{20}{100}$

• L'écriture décimale de « 7.652 x 10³ » s'obtient en effectuant la multiplication de 7,652 par 10³ (dix puissance trois, c'est-à-dire 10 x 10x 10) c'est à dire 1000.

$$7,652 \times 10^3 = 7,652 \times 1$$
 000 = 7 652,0... = **7 652** Décalage de la virgule de 3 rangs vers la droite

L'écriture scientifique du nombre décimal 9 860000 est ainsi construite :





Nom-prénom Fiche n°2 - NC2 - Solutions

Date

2) Dix résultats sont présentés ; cela signifie que le dé a été lancé 10 fois.

La face « 3 » a été obtenue 2 fois ; la fréquence d'apparition de la face 3 peut ainsi être décrite :

- La face « 3 » a été obtenue 2 fois sur 10 lancers
- La valeur correspondante s'écrit :

20%

- 3) D'une écriture à l'autre
 - Les écritures numériques correspondant à « 40% » sont ...

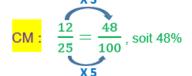
$$0.6 \square$$
 $0.4 \square$ $1.4 \square$ $40 \square$ $\frac{2}{5} \square$ $\frac{3}{5} \square$

$$\frac{3}{5}$$

Les écritures correspondant au nombre décimal 0,35 sont ...

$$35 \square \qquad \frac{35}{100} \boxtimes \qquad 35\% \boxtimes \qquad 3,5\% \square \qquad 65\% \square$$

Quelle est la traduction en pourcentage du nombre $\frac{12}{25}$?



On peut aussi effectuer la division : $12 \div 25 = 0.48 = \frac{48}{100}$ soit 48%

- Classer dans l'ordre croissant les nombres suivants : $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{4}$; $\frac{2}{5}$
 - 1)On peut effectuer les calculs mentaux et comparer les écritures décimales

$$\frac{1}{3} \approx 0.33$$
; $\frac{1}{4} = 0.25$; $\frac{2}{5} = 0.4$ donc: $\frac{1}{4} < \frac{1}{3} < \frac{2}{5}$

nominateur, par exemple « 100 » puis 2)On peut exprimer les fractions sur un même

comparer les **numérateurs** :
$$\frac{1}{3} \approx \frac{33}{100}$$
 ; $\frac{1}{4} = \frac{25}{100}$; $\frac{2}{5} = \frac{40}{100}$

$$\frac{25}{100} < \frac{33}{100} < \frac{40}{100}$$
 donc: $\frac{1}{4} < \frac{1}{3} < \frac{2}{5}$

- 4) Calculer:
- Deux cinquièmes de 25 m²: $\frac{2}{5} \times 25 = 10$ m²; CM: Diviser par 5 puis multiplier par 2 le résultat
- 10% de 150 personnes : $\frac{10}{100} \times 150$ ou 0.1×150 ou *un dixième de 150* personnes = 15 personnes.
- 40% de 150 personnes : $\frac{40}{100} \times 150$; CM : 4×15 personnes = 60 personnes
- 35% de 80 euros : $\frac{35}{100}$ × 80 ou 0,35 × 80 = 28 soit 28€

CM: 10% de 80€ = 8€ donc 30 % de 80€ = 24€ et 5% de 80 € = 4€ ; d'où 35% de 80€ = 24 + 4 = 28 €

- Un dixième de 450 g : 45 g
- 20% de 450g: CM 10% de 450 g valent 45g d'où 20% de 450g vaut 90g (45 g x 2)
- 5) L'arrondi au centième de 3,425 : deux chiffres après la virgule en tenant compte du troisième

3,420 - 3,421 - 3,422 - 3,423 - 3,424 : L'arrondi au centième serait de 3,42

Fiche n°3 - Solutions

1)

Le tiers de 36:

Chaque partie de 36 divisé en trois parties égales

$$36 \div 3 = 12 \text{ D'où}$$
, 12 est le tiers de 36

CM: 36 peut se décomposer en « 30 + 6 »

-Calculer le tiers de 30 puis le tiers de 6

-Ajouter les résultats

$$30 \div 3 = 10 \ et \ 6 \div 2 = 2$$

-D'où, le tiers de 36 vaut 10 + 2 soit 12

Le quadruple de 7 :

Nombre (ou quantité) égal à quatre fois un autre

 $7 \times 4 = 28$ D'où 28 est le quadruple de 7

CM : on peut se rappeler ses tables de multiplication

Ou, multiplier 7 par 2 puis multiplier par 2 le résultat

Le carré de 5 : 5 multiplié par lui-même ; $5^2 = 5 \times 5 = 25$; le carré de 5 vaut 25

Le **double** de 5,90€ :

Quantité égale à deux fois une autre

 $2 \times 5.90 = 11,80$; le double de 5,90€ vaut 11,80€

CM : 5,90€ est proche de 6€, l'écart est de 0,10€

On peut calculer le double de 6€

Puis soustraire le double de 0,10€ soit 0,20€

6€ × 2 = 12€ *puis* 12€ − 0, 20€ = 11, 80€

10% de 35€ : $\frac{10}{100} \times 35 = 0$, **1** × 35 = 3,5 soit **3,50€**

 $\frac{10}{100} = \frac{1}{10}$

10% de ... équivaut à un dixième de ...

Un dixième de 35 égale 3,5

35:10 = 3,5

Décalage de la virgule de 1 rang vers la gauche

D'où un dixième de 35€ vaut 3,50€

La racine carrée de 36 : Nombre dont le carré vaut 36 ; $\sqrt{36} = 6$; la racine carrée de 36 est 6 car $6^2 = 36$

Le produit de 8 par 6 :

 $8 \times 6 = 48$

CM: On peut se rappeler de ce résultat des tables de multiplication

Ou, puisque 6 = 3 x 2, on peut aussi :

Multiplier 8 par 3 puis multiplier le résultat par 2

8 x 3 = 24 puis 24 x 2 = 48

Le **quart** de 56 € :

Chaque partie de 56 divisé en quatre parties égales

 $56 \div 4 = 14$: **14** est le quart de **56**;

CM: diviser 56 par 2

Pour cela, on peut décomposer 56

Par exemple 56 = 50 + 6

Puis diviser 50 et 6 par 2

50:2 = 25 et 6:2 = 3

Additionner les deux résultats

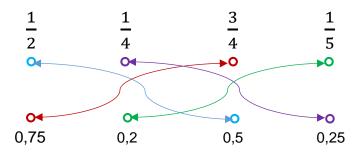
56:2=25+3=28

Diviser ce nouveau résultat par 2

28 : 2 = 14 directement ou en décomposant 28 si nécessaire

D'où, le quart de 56 vaut 14

- 2) D'une écriture à l'autre
 - Une fréquence en écriture décimale et en écriture fractionnaire



La traduction en pourcentage des nombres suivants est,

0,45: 45% car 0,45 =
$$\frac{45}{100}$$
 ; $\frac{3}{5}$: 60% car $\frac{3}{5}$ = 0,6 = $\frac{60}{100}$

$$0.7: 70\% \text{ car } 0.7 = \frac{70}{100}$$
 ; $\frac{3}{10}: 30\% \text{ car } \frac{3}{10} = 0.3 = \frac{30}{100}$

3) **11%** de $600 \in : \frac{11}{100} \times 600 \ ou \ 0, 11 \times 600 = 66 \ soit \ 66 \in$

Ou: 10% de 600 € valent 60 € donc 1% de 600 € vaut 6 € et 11% de 600 € vaut 60 + 6 soit 66 €

4) Au plus court: $10^3 \times 10^{-2} \times 10^2 = 10^{3+(-2)+2} = 10^3$, c'est-à-dire 1 000.

On peut aussi écrire et calculer ainsi :

$$10^3 \times 10^{-2} \times 10^2 = 10^3 \times \frac{1}{10^2} \times 10^2 = \frac{10^3 \times 1 \times 10^2}{10^2} = 10^3$$
, c'est-à-dire 1 000.

On peut aussi utiliser les écritures décimales

$$10^3 \times 10^{-2} \times 10^2 = 10^3 \times \frac{1}{10^2} \times 10^2 = \frac{1000 \times 1 \times 100}{100} = 1000$$
 c'est-à-dire 10^3

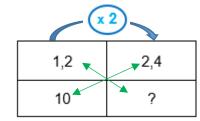


$$10^a \times 10^b = 10^{a+b}$$

$$10^{-n} = \frac{1}{10^n}$$

Les lettres a, b et n désignent des nombres entiers relatifs -« entiers positifs et entiers négatifs »

5) C'est un tableau de proportionnalité On peut remarquer ce lien sur la première ligne et l'appliquer sur la deuxième :



La valeur manquante est donc 10 x 2 soit 20.

On peut aussi utiliser l'écriture avancée des produits du tableau de proportionnalité :

$$\langle ? \rangle = 10 \times 24 \div 1.2$$

Fiche n°4 - Solutions

1) centième.

2) C'est une proportion.

On peut remarquer ce lien entre les dénominateurs et l'appliquer aux numérateurs

$$\frac{7}{4} = \frac{?}{100}$$

La valeur manquante est 175

On peut aussi utiliser le théorème sur les égalités :

$$\frac{7}{4} \times 100 = \frac{?}{100} \times 100$$

D'où la valeur manquante est : $? = \frac{7}{4} \times 100 = 175$

3) Pour convertir 302 cm en mètres,

- On peut utiliser la signification du préfixe « centi » :

Centimètre signifie centième de mètre, d'où 302 centimètre = 302 x 10^{-2} mètres = $\frac{302}{10^2}$ mètres = $\frac{302}{100}$ *m*è*tres* = 3,02 mètres

On peut utiliser un tableau de conversion :

Lien par rapport à l'unité "mètre"	x 1000 × 10 ³	x 100 × 10 ²	x 10 × 10 ¹		:10 ou ×10 ⁻¹	:100 ou × 10 ⁻²	:1000 ou × 10 ⁻³
Préfixe	kilo	hecto	déca		déci	centi	milli
Unité de Iongueur	km	hm	dam	m	dm	cm	mm
				3	0	2	

4)



Le montant de la remise vaut 20% du prix habituel (250€).

$$\frac{20}{100} \times 250 = 0.2 \times 250 = 50 \text{ soit } 50 \in.$$



100% du prix habituel (Initial)

Remise

(-)

40% du prix habituel

CM : 20% est le double de 10%

Calculer 10% de 250€, résultat : 25€

Doubler ce résultat, 25 x 2 = 50

20% de 250€ vaut 50€



Prix à payer

(100% - 40%) soit 60% du prix habituel

Fiche n°5 - Solutions

1) Le centre de vacances reçoit 10 + 40 + 70 + 80 soit **200 notes** en septembre. **80** sont la note « 5 ».

La fréquence de la note « 5 » est de,

• $\frac{80}{100} = \frac{40}{100} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} = 0.4$; fréquence écrite sous forme numérique – fractionnaire et décimale

Ecriture numérique de « **80** notes **sur 200** » sont : 5

Fractions simplifiées de la première

- 40%; exprimée en pourcentage du nombre total de notes
- 2) Le salaire médian est de 1 300 €

Trois des salaires sont supérieurs ou égaux à

900 € ; 1100 € ; 1 300 € ; 1 400 € ; 1 800 €

Trois des salaires sont inférieurs ou égaux à 1 300 €

3) Chemin 1 : une étape de calcul

Le salaire de Léonie en 2022 représente, 105% de celui en 2021 :

Opération : $\frac{105}{100} \times 1500$ ou $1,05 \times 1500$

Le résultat du calcul est 1575.

Le salaire de Léonie en 2022 est de 1575 €.

Chemin 2 : deux étapes de calculs (xet +

L'augmentation représente,

5% <mark>du</mark> salaire 2021 :

Opération : $\frac{5}{100} \times 1500$ ou 0.05×1500

Le résultat du calcul est 75. (75€ d'augmentation)

Le salaire de Léonie en 2022 est de 1500 + 75 soit 1575 €.

4) Chemin 1

La nouvelle masse représente,

140% de 750 g:

Opération : $\frac{140}{100} \times 750$ ou 1,4 × 750

Le résultat du calcul est 1050.

La nouvelle valeur de la masse est de 1050 g.

Chemin 2

L'augmentation représente,

40% du 750 q:

Opération : $\frac{40}{100} \times 750$ ou 0.4×750

Le résultat du calcul est 300. (300 g d'augmentation)

La nouvelle masse est de 750 + 300 soit 1050 g.

5) La population en 2021 représente 108% de celle recensée en 2015.

6) La masse totale de yaourt dans le pot est de : $13,75 \div \frac{11}{100}$ ou $13,75 \div 0,11$ c'est-à-dire 125 g.

Masse des framboises du yaourt

On « défait » le pourcentage

Part en % de la masse du yaourt qui correspond aux framboises.

C'est le lien entre la masse des framboises et celle du vaourt

Nom-prénom

Date

Fiche n°6 - Solutions

1)

Un dixième de 42 litres.

Au choix:
$$42 \div 10 \times 1 = 42 \times 1 \div 10 = 42 \times \frac{1}{10} = 42 \times 0,1 = 4,2$$

Le quart de 10 €.

Au choix:
$$10 \div 4 = 10 \times \frac{1}{4} = 10 \times 0,25 = 10 \times \frac{25}{100} = 2,5$$

Le cube de 5.

$$5^3 = 5 \times 5 \times 5 = 125$$

Le carré de 7

$$7^2 = 7 \times 7 = 49$$

La moitié de 42,20 €

 $42,20 \div 2$ peut se calculer en plusieurs étapes :

$$40 \div 2 = 20$$
; $2 \div 2 = 1$; $0.20 \div 2 = 0.10$
 $d'où 42.20 \div 2 = 20 + 1 + 0.10 = 21.10$

• La racine carrée de 49

$$\sqrt{49} = 7 \text{ puisque } 7^2 = 49$$

• Le produit de 40 par 80

 40×80 peut se calculer en deux étapes :

 $4 \times 8 = 32$ et on ajoute deux "0" à l'écriture du résultat,

 $d'o\dot{u}: 40 \times 80 = 3200$

On peut aussi écrire pour garder le sens des "0" : $40 \times 80 = 4 \times 8 \times 10 \times 10 = 3200$

Le triple de 5,95 €

 $5,95 \times 3$ peut se calculer en trois étapes :

$$6 \times 3 = 18$$
; $0.05 \times 3 = 0.15$

$$d'$$
 où 5,95 × 3 = 18 − 0,15 = 17,85 €

2) Le budget vacances est de $\frac{160}{100}$

ou 160 ÷ 0,35 soit 457,14€

Cette opération « défait » le pourcentage

Part en % du budget vacances qui correspond aux loisirs. C'est le lien entre le budget total vacances et celui des loisirs.

3) « Baccalauréat professionnel » contient 25 lettres ; quatre sont la lettre « a ».

La fréquence d'apparition de la lettre « a » est :

$$\frac{4}{25} = \frac{16}{100} = 0.16$$
; en pourcentage la fréquence est de 16%

× 4 ← Il s'agit d'une astuce pour obtenir un rapport sur 100 facilement calculable.

4) 150% de 25€ valent $\frac{150}{100}$ × 25 = 1,50 × 25 = 37,50 €

5) Le pantalon a perdu 40% de sa valeur initiale.

Le pourcentage de remise accordée est de 40% du prix habituel du pantalon.

6) La joueuse sélectionnée dimanche sera la plus performante en termes d'arrêts :

Fréquence d'arrêts de Léa : $\frac{2}{3} \approx 0,66$

Fréquence d'arrêts de Amélie :
$$\frac{3}{r} = 0,60$$

Fréquence d'arrêts de Nala :
$$\frac{3}{4} = 0,75$$

Fréquence d'arrêts de Margot :
$$\frac{7}{10} = 0.7$$

La plus performante est Nala puisqu'elle arrête 75% des tirs.

Nala sera donc sélectionnée dimanche.

Fiche n°7 - Solutions

1) • Une solution ici est de modifier l'écriture des deux fractions de façon à obtenir le même dénominateur :

$$\frac{9}{10} = \frac{9}{2 \times 5} = \frac{9 \times 2 \times 2}{2 \times 5 \times 2 \times 2} = \frac{36}{40}$$

$$36 > 35$$
, donc $\frac{36}{40} > \frac{35}{40}$

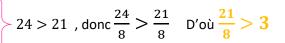
$$\frac{7}{8} = \frac{7}{2 \times 2 \times 2} = \frac{7 \times 5}{2 \times 2 \times 2 \times 5} = \frac{35}{40}$$

D'où
$$\frac{9}{10} > \frac{7}{8}$$

• On sait que $\frac{21}{7} = 3$ donc $\frac{21}{9} < 3$

On peut aussi appliquer la solution de la 1ère comparaison :

$$3 = \frac{3}{1} = \frac{3 \times 8}{1 \times 8} = \frac{24}{8}$$



2) Les étiquettes

$$\frac{3}{4}$$

$$\frac{2}{10}$$



Trois quinzièmes



$$2 + \frac{1}{4}$$



$$\frac{\frac{3}{4} + \frac{1}{4}}{\frac{25}{25}} \qquad \frac{\frac{3}{3}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}} \qquad \dots \\ = \mathbf{1}$$

 $1 \le \cdots \le 2$



1+

Sept cinquièmes

- 3)
- $\frac{9}{10} + \frac{7}{8} = \frac{9 \times 4}{2 \times 5 \times 4} + \frac{7 \times 5}{8 \times 5} = \frac{36}{40} + \frac{35}{40} = \frac{36 + 35}{40} = \frac{71}{40}$
- $\frac{2}{5} \frac{1}{4} = \frac{2 \times 4}{5 \times 4} \frac{1 \times 5}{4 \times 5} = \frac{8}{20} \frac{5}{20} = \frac{8 5}{20} = \frac{3}{20}$
- $\frac{21}{8} \times \frac{2}{3} = \frac{3 \times 7 \times 2}{2 \times 2 \times 2 \times 3} = \frac{7}{4}$
- $\frac{35}{4} \div \frac{5}{2} = \frac{35}{4} \times \frac{2}{5} = \frac{5 \times 7 \times 2}{2 \times 2 \times 5} = \frac{7}{2}$



Les résultats sont exprimés sous forme d'une fraction irréductible.

Elle ne peut plus être simplifiée car le numérateur et le dénominateur n'ont à chaque fois plus aucun diviseur commun.

- 4) 120% s'écrit $\frac{120}{100} = 1,20$; 80% s'écrit $\frac{80}{100} = 0,80$; 200% s'écrit $\frac{200}{100} = 2$

- **40%** s'écrit $\frac{40}{100} = 0$, 4 ; 105,5% s'écrit $\frac{105,5}{100} = 1,055$; 95% s'écrit $\frac{95}{100} = 0,95$

X

5) L'arrondi à 0,1 près de 6,073 : un chiffre après la virgule en tenant compte du deuxième

Si c'est 0, 1, 2, 3 ou 4, la valeur arrondie est 6,0 soit 6

- Si c'est 5, 6, 7, 8 ou 9, la valeur arrondie est 6,1 6,01 6,1
 - 6,07

Fiche n°8 - Solutions

Le **prix à payer** pour ce sèche-cheveux représente **60% du** prix initial :

$$\frac{60}{100} \times 75 \ ou \ 0, 6 \times 75$$

Le prix à payer est 45 €

Ou :

La remise est de 40% du prix initial : $0, 4 \times 75 = 30 \in$.

Le prix à payer est 75 - 30 soit 45€.

Le **montant** du PVTTC représente **120%** du PVHT :

$$\frac{120}{100} \times 25,20 \ ou \ 1,20 \times 25,20$$

Le PVTTC est de 30,24 €

Ou:

Le montant de la TVA est de **20%** du PVHT :

$$0,20 \times 25,20 = 5,04 \in$$

Le PVTTC est de 25,20 + 5,04 soit 30,24 €

Le **prix** de la chemise sans la remise se calcule en « **défaisant** » le pourcentage **70% du** prix réduit.

$$52,50 \div \frac{70}{100}$$
 ou $52,50 \div 0,70$

Le prix de la chemise avant la remise était de **75 €**.

Le **montant** du PVHT se calcule en « **défaisant** » le pourcentage **105,5%** du PVTTC.

$$42,20 \div \frac{105,5}{100} \ ou$$

Le PVHT vaut 67,05 €.

(Au centime d'euro près)

Le **montant** du loyer de Leïla représente 24% **de** son salaire :

$$\frac{24}{100} \times 1600 \ ou \ 0, 24 \times 1600$$

Le loyer de Leïla s'élève à 384 €

Le prix de cette voiture est relié au montant de la prime Bonus CO₂ par le pourcentage 28%.

Ce prix s'obtient en « défaisant » le pourcentage 28% du montant de la prime :

$$7000 \div \frac{28}{100}$$
 ou $7000 \div 0,28$

Le prix de la voiture est de : 25 000 €

Le **pourcentage** de remise pratiqué sur le prix habituel de cette veste s'obtient par ce rapport de comparaison :

$$\frac{Prix \text{ à payer}}{Prix \text{ hab.}} = \frac{40,73}{59,89} \approx 0,68$$

Et:
$$0,68 = \frac{68}{100}$$

Le prix à payer représente 68% du prix habituel.

Donc, le pourcentage de remise est de 32% du prix habituel.

Out.

La **remise** en euros est de 59,89 - 40,73 = **19,16** €

Rapport de comparaison :

$$\frac{\textit{Remise}}{\textit{Prix hab.}} = \frac{19,16}{59,89} \approx 0,32$$

Le pourcentage de remise est de 32% du prix habituel.

Le **prix moyen** d'un kilogramme de carottes en 2017 s'obtient en « **défaisant** » le pourcentage 143,3% du prix moyen 2018 :

$$1,85 \div \frac{143,3}{100}$$
 ou $1,85 \div 1,433$

Le prix moyen en 2018 était de 1,29 €.

Le **taux d'évolution (%)** du prix TTC du litre de SP95 entre juin 2020 et juin 2021 s'obtient par ce rapport de comparaison :

$$\frac{Prix\ 06/21}{Prix\ 06/20} = \frac{1,55}{1,34} \approx 1,1567$$

Et: 1, 1567 =
$$\frac{115,67}{100}$$

Le prix en juin 2021 représente 115,67% du prix de juin 2020.

Donc, le pourcentage d'augmentation est de 15,67% du prix de juin 2020.

O11 ·

L'augmentation en euros est de 1,55 – 1,34 = 0,21 €

Rapport de comparaison : $\frac{Augment.}{Prix\ 06/20} = \frac{0,21}{1,34} \approx 0,1567$

Le pourcentage d'augmentation est de 15,67% du prix de 06/20.

Nom-prénom

Fiche n°9 - Solutions

1) $2 \times 3^2 = 2 \times 9 = 18$ $5 + 2 \times 4 = 5 + 8 = 13$

$$3 \times (2^2 + 5) = 3 \times (4 + 5) = 3 \times 9 = 27$$

-5 - 2 \times 4 = -5 - 8 = -13

$$6 \times 7 - 2^3 = 42 - 8 = 34$$
 $-2 \times (-3) = 6$ $-5 \times (2 + 1^2) = -3 \times (2 + 1) = -3 \times 3 = -9$ (-e)

$$-5 - 2 \times 4 = -5 - 6 = -15$$

 $(-6) \times (-7) - 2 = 42 - 2 = 40$

2)

Deux cinquièmes de 80 km : $\frac{2}{5} \times 80 = 0.4 \times 80 = 32 \text{ km}$

Le double de 13,2 m² : $2 \times 13,2 = 26,4 m^2$

Trois septièmes de 21 cm : $\frac{3}{7} \times 21 = \frac{3 \times 21}{7} = \frac{3 \times 7 \times 3}{7 \times 1} = \frac{3 \times 3}{1} = 9 \text{ cm}$

30% de 70€: $\frac{30}{100} \times 70 = 0.3 \times 70 = 21$ €

Sept dixièmes de 50 kg : $\frac{7}{10} \times 50 = 0.7 \times 50 = 35 kg$

110% de 3256 €: $\frac{110}{100}$ × 3256 = 1,10 × 3256 = 3256 + 0,1 × 3256 = 3256 + 325,6 = **3581**, **60** €;

<mark>Ou</mark> : 110% de 3256 € égale 100% de 3256 € + 10% de 3256 €

C'est-à-dire 3256 + 325,6 soit 3581,60 €



Quelques astuces pour calculer sans calculatrice

Des écritures différentes pour des calculs identiques

10% de 70 € valent Un dixième de 70 € vaut
$$\frac{70}{10} = 0.1 \times 70 = \frac{1}{10} \times 70 = 70 \div 10$$

$$70 \div 10 = 70,000 \div 10 = 7$$

Décalage de la virgule de 1 rang vers la gauche

Des calculs déduits

30% de 70 € est le triple de 10% de 70 € soit 3 x 7 = 21 €

5% de 70 € est la moitié de 10% de 70 € soit $7 \div 2 = 3.50 \in 100$

Un cinquième de 70 € est la moitié du dixième de 70 € soit 7 ÷ 2 = 3,50 €

Des calculs simplifiés pour une bonne raison :

$$0.3 \times 70 \text{ est } \acute{e}gal \grave{a} 3 \times 7 \text{ puisque } 0.3 \times 70 = \frac{3}{10} \times 7 \times 10 = \frac{3 \times 7 \times 10}{10 \times 1} = 3 \times 7 = 21$$

3) L'arrondi au dixième de 305,951 : Un chiffre après la virgule en tenant compte du deuxième

Si c'est 0, 1, 2, 3 ou 4, la valeur arrondie est 305,9

Si c'est 5, 6, 7, 8 ou 9, la valeur arrondie est 306,0 soit 306

306 Х

305		
П		

305,9	305

310

4) L'âge moyen des joueurs au poste de pilier est,



$$(24 + 26 + 33 + 27 + 25 + 28 + 31) \div 7$$

 $= (50 + 60 + 25 + 25 + 3 + 31) \div 7$

$$= (160 + 30 + 4) \div 7$$

$$= 184 \div 7$$

= 26, 2 ans

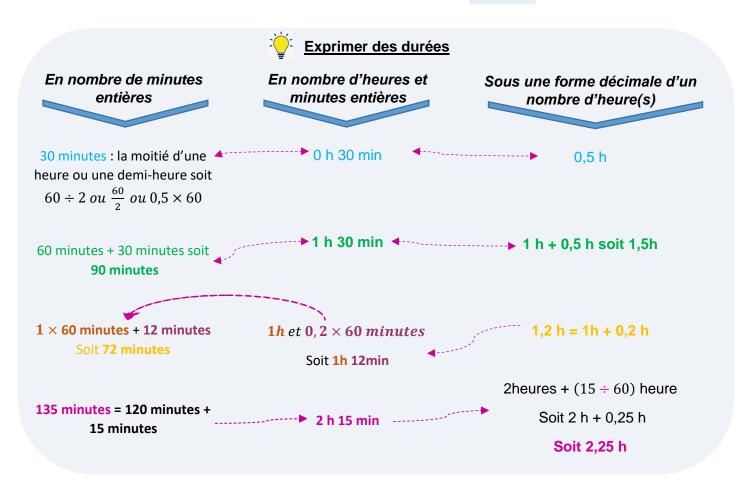
L'âge moyen des joueurs est de 26,2 ans.



Une astuce de calcul

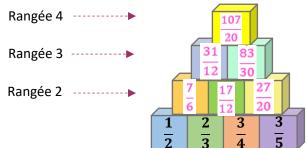
Placer côte à côte les nombres qui s'additionnent facilement et dont le résultat est par exemple une dizaine.

6) **Des** durées identiques



Fiche n°10 - Solutions

1) Addition de fractions



Rangée 2:

$$\frac{1}{2} + \frac{2}{3} = \frac{1 \times 3}{2 \times 3} + \frac{2 \times 2}{3 \times 2} = \frac{3}{6} + \frac{4}{6} = \frac{3+4}{6} = \frac{7}{6}$$

$$\frac{2}{3} + \frac{3}{4} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} + \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{8}{12} + \frac{9}{12} = \frac{8+9}{12} = \frac{17}{12}$$

$$\frac{3}{4} + \frac{3}{5} = \frac{3 \times 5}{4 \times 5} + \frac{3 \times 4}{5 \times 4} = \frac{15}{20} + \frac{12}{20} = \frac{15 + 12}{20} = \frac{27}{20}$$

Rangée 3:

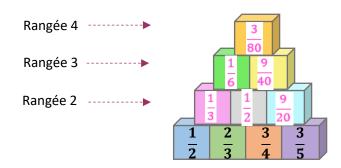
$$\frac{7}{6} + \frac{17}{12} = \frac{7}{2 \times 3} + \frac{17}{2 \times 2 \times 3} = \frac{7 \times 2}{6 \times 2} + \frac{17}{12} = \frac{14}{12} + \frac{17}{12} = \frac{14 + 17}{12} = \frac{31}{12}$$

$$\frac{17}{12} + \frac{27}{20} = \frac{17}{2 \times 2 \times 3} + \frac{27}{2 \times 2 \times 5} = \frac{17 \times 5}{12 \times 5} + \frac{27 \times 3}{20 \times 3} = \frac{85}{60} + \frac{81}{60} = \frac{85 + 81}{60} = \frac{166}{60} = \frac{83}{30}$$
Ou: 4×3 et 4×5

Rangée 4:

$$\frac{31}{12} + \frac{83}{30} = \frac{31}{2 \times 6} + \frac{83}{5 \times 6} = \frac{31 \times 5}{12 \times 5} + \frac{83 \times 2}{12 \times 2} = \frac{155}{60} + \frac{166}{60} = \frac{155 + 166}{60} = \frac{321}{60} = \frac{107}{20}$$

Multiplication de fractions



Rangée 2:

$$\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{1 \times 2}{2 \times 3} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{2 \times 3 \times 1}{3 \times 2 \times 2} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{4} \times \frac{3}{5} = \frac{3 \times 3}{4 \times 5} = \frac{9}{20}$$

Rangée 3:

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1 \times 1}{3 \times 2} = \frac{1}{6}$$

$$\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{2 \times 3 \times 1}{3 \times 2 \times 2} = \frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{2} \times \frac{9}{20} = \frac{1 \times 9}{2 \times 20} = \frac{9}{40}$

Rangée 4:

$$\frac{1}{6} \times \frac{9}{40} = \frac{1 \times 3 \times 3}{3 \times 2 \times 40} = \frac{3}{80}$$

2) Masse moyenne:

$$\frac{2 \times 110 + 2 \times 145 + 2 \times 125 + 1 \times 119}{2 + 2 + 2 + 1} = \frac{879}{7}$$

Masse totale des sept joueurs réunis, 879 kg

La division correspond ici à un partage des 879 kg ...

En sept parts égales •

Le résultat de la division est 125,571 : la masse moyenne des piliers du Stade Rochelais est de 125,6kg, résultat arrondi au dixième près.

3)
$$3 + 5 \times 2^2 = 3 + 5 \times 4 = 3 + 20 = 23$$
 $12 - 2 \times 3^2 = 12 - 2 \times 9 = 12 - 18 = -6$

$$12 - 2 \times 3^2 = 12 - 2 \times 9 = 12 - 18 = -6$$

$$7 \times (2,1+1,9) = 7 \times 4 = 28$$

$$7 \times 7 - 2^4 = 49 - 16 = 33$$

$$(-2)^2 \times (-3) = 4 \times (-3) = -12$$

$$(-5) \times (-2) \times 4 = 10 \times 4 = 40$$

$$5 \times (10 + 10^2) = 5 \times (10 + 100) = 5 \times 10 + 5 \times 100 = 50 + 500 = 550$$

$$8 \times 7 + 5 + 3 \times 3 = 56 + 5 + 9 = 56 + 14 = 70$$

$$10^5 \times 10^{-3} = 10^{5+(-3)} = 10^2 = 100$$

$$\frac{1}{5} \times 45 = \frac{1 \times 45}{5} = \frac{45}{5} = 9$$

$$-2 \times 50^2 + 40 \times 60 + 100 = -2 \times 2500 + 2400 + 100 = -5000 + 2400 + 100 = -2600 + 100 = -2500$$

$$3 \times (-2) + 4 = -6 + 4 = -2$$

4) La deuxième démarque s'applique sur le prix réduit par la première démarque.

Le prix de vente après la deuxième démarque représente 60% de 80% du prix initial :

$$\frac{60}{100} \times \frac{80}{100} \times 120$$
 ou $0,60 \times 0,80 \times 120$

Le résultat du calcul est de 57,6 ; le prix à payer après la deuxième démarque est de 57,60 €

Schéma de l'opération commerciale



Prix habituel P_h = 120 €



Prix réduit 1 P_{r1}=...€



Prix réduit 2 P_{r2}=... €

100% du P_h

1^{ère} démarque -20% du P_h 80% du Ph

2^{ème} démarque -40% du P_{r1}

60% du Pr1

Pr1

 $= 0.80 \times 120$

= 96 €

Pr2

 $= 0,60 \times Pr1$

 $= 0,60\times0,80\times120$

= 57, 60 €